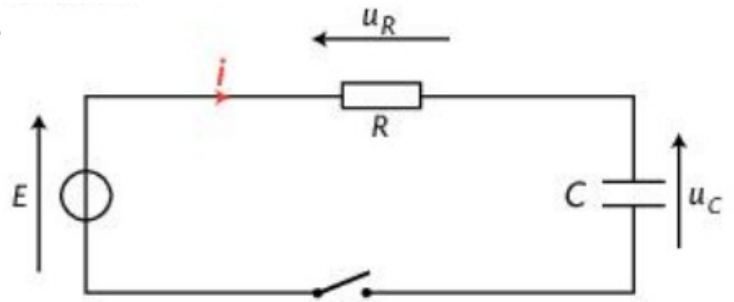


Exercices Chapitre 12 : Dynamique Des Systèmes Électriques

Exercice 1: À Établir une équation différentielle

Un condensateur préalablement déchargé est placé en série avec un conducteur ohmique. À $t = 0$ s, l'interrupteur est fermé.

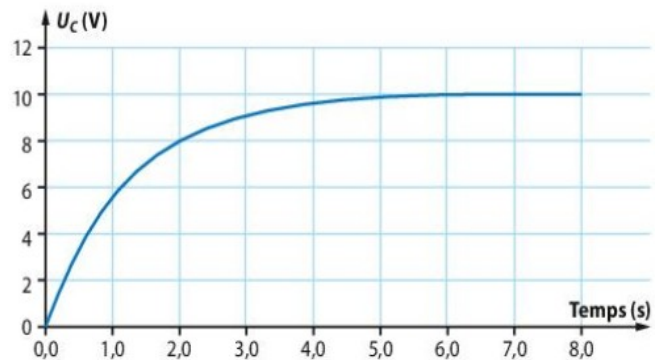
1. Utiliser la loi des mailles pour établir une relation entre les tensions u_C , u_R et E .
2. Remplacer la tension u_R en utilisant la loi d'Ohm.
3. Sachant que $i = C \times \frac{du_C}{dt}$, trouver l'équation différentielle vérifiée par la tension u_C aux bornes du condensateur.



Exercice 2: Détermination de La constante de temps

La courbe suivante a été obtenue par mesure de la tension aux bornes d'un condensateur au cours de sa charge.

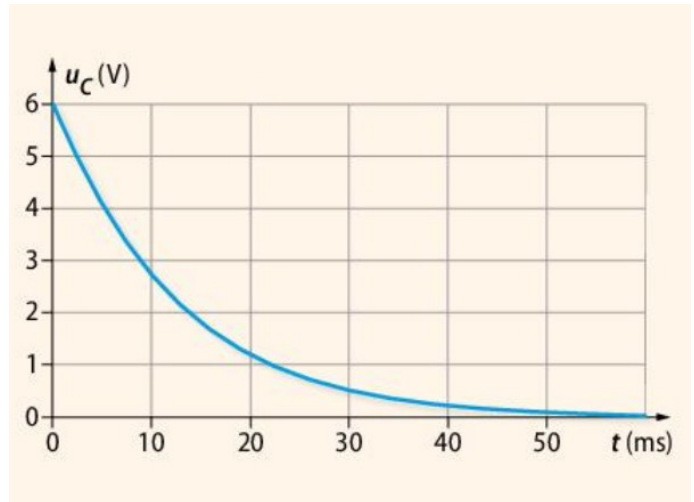
1. Déterminer la constante de temps du circuit à l'aide de la méthode des 63 %.
2. Déterminer la constante de temps du circuit à l'aide de la tangente



Exercice 3: Décharge d'un condensateur et constante de temps

On étudie la décharge d'un condensateur chargé dans un conducteur ohmique de résistance R . La capacité du condensateur est notée C . La tension u_C aux bornes du condensateur est mesurée en fonction du temps (graphique ci-contre).

1. Représenter le schéma du circuit utilisé.
2. Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension u_C peut s'écrire : $u_C + \tau \frac{du_C}{dt} = 0$ avec la constante de temps $\tau = RC$.
3. Déterminer la valeur de la constante de temps τ .
4. En déduire la valeur de la capacité C du condensateur.

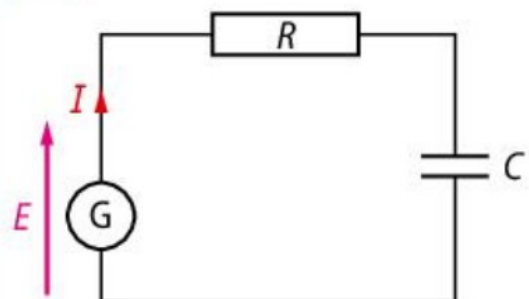


Données : $R = 1,0 \text{ k}\Omega$

Exercice 4: Charge d'un condensateur et constante de temps

On étudie à partir du circuit ci-contre la charge d'un condensateur couramment utilisé pour réaliser des filtres audio. On enregistre les valeurs de la tension u_C aux bornes du condensateur :

1. Établir l'équation différentielle vérifiée par u_C lors de la charge du condensateur.

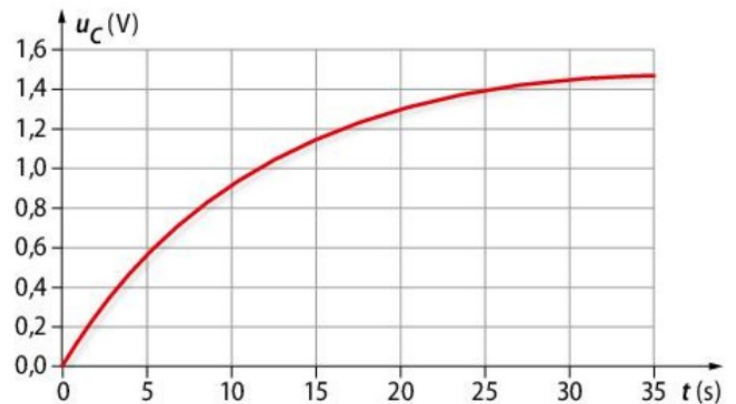


2. La solution de cette équation est :

$$u_c(t) = E \times \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

- Établir l'expression de u_c .
- En déduire la valeur de τ .
- Déterminer graphiquement la valeur de τ et comparer à la valeur calculée.

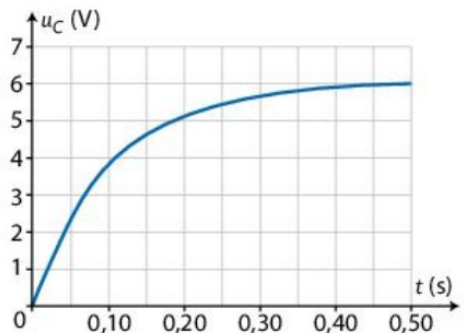
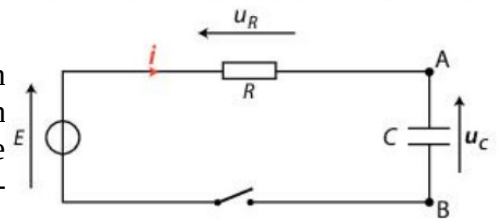
Données : $R=1,0 \text{ M}\Omega$; $C=10\mu\text{F}$; $E=1,5 \text{ V}$.



Exercice 5: Trois, deux, un, zéro, chargez !

On associe un condensateur de capacité $C = 100 \mu\text{F}$ en série avec un conducteur ohmique de résistance $R=1,0 \text{ k}\Omega$. À l'instant $t = 0 \text{ s}$, on ferme le circuit schématisé ci-contre. Préalablement déchargé, le condensateur est alors mis en charge. La source idéale de tension permettant cette charge est telle que $E=6,0 \text{ V}$.

- Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur lors de sa charge.
- Résoudre cette équation différentielle et montrer que, lors de la charge, la tension u_c peut s'écrire : $u_c(t) = 6,0 \times \left(1 - e^{-\frac{t}{0,10}}\right)$, avec u_c exprimée en volt et t exprimée en seconde
- Retrouver graphiquement le temps caractéristique du dipôle RC.



Exercice 6: Flash d'un appareil photographique

Un appareil photographique est équipé d'un flash alimenté par une batterie. Il comporte un circuit électronique dont une partie est schématisée ci-dessous. Lors de la prise d'une photographie avec flash, le condensateur emmagasine de l'énergie fournie par la batterie pendant quelques secondes, puis la restitue dans une lampe en $0,1 \text{ s}$. La lampe L émet alors un éclair lumineux intense.

- Sur quelle position faut-il placer l'interrupteur pour que le condensateur se charge ?
- Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension u_c aux bornes du condensateur lors de sa charge.
- Résoudre l'équation différentielle et montrer que $u_c(t) = E \times \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ lors de la charge.
- Schématiser le circuit correspondant à la décharge du condensateur.
- La durée Δt nécessaire pour que le condensateur soit déchargé à 99 % est $0,1 \text{ s}$, calculer la résistance de la lampe. α

